

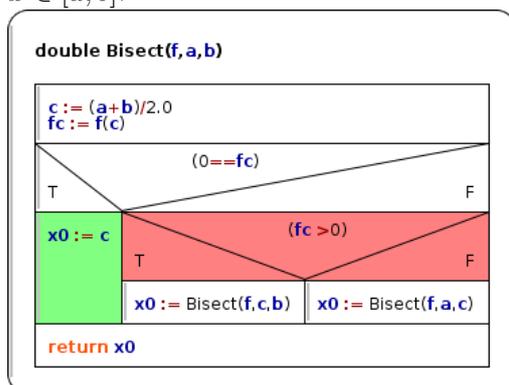
Draft der C++-Vorlesung vom 21. April 2023

Zu Aufgabenblatt 3:

- Beispiel Geheimzahl mit Speicherung aller Versuche (dynamischer Vektor) und einem Vektor von Strings zur flexiblen Ausgabe.
Code: `v_3a`¹ mit `docu`².
- Auch mit `array` [Haase23, §5.1.2] von Strings möglich (`main.cpp:51`).
- Zufallszahlengenerierung (`main.cpp:108-112`) im Intervall $[anf, ende]$ mit C++-Zufallszahlen `#include <random>`, zur Vertiefung³.
- Benötigt die Compileroption `-std=c++11`

Beispiel Bisektion aus §7.8

- Rekursive Funktion: Bsp. Bisektion, Bestimme eine Nullstelle der Funktion $f(x)$ mit $x \in [a, b]$.



Den Anfang von [Haase23, §7.8] aufschlagen und lesen.

$x_0 := \text{Bisect}(a, b, \varepsilon)$

$$:= \begin{cases} c := (a + b)/2 & \text{falls } f(c) == 0 \\ \text{Bisect}(c, b, \varepsilon) & \text{sonst, falls } f(c) > 0 \\ \text{Bisect}(a, c, \varepsilon) & \text{sonst, falls } f(c) < 0 \end{cases}$$

- Wegen numerischer Rundungsfehler der Gleitkommazahlen kann es passieren, daß der Test des Funktionswertes auf die exakte 0, $0 == fc$, niemals erfüllt wird. Um diese *Endlosrekursion* zu vermeiden und um nur bis zu einer *sinnvollen Genauigkeit* zu rechnen, wird dieser Test durch $|fc| < \varepsilon$ ersetzt. Das ε kann/sollte als Inputparameter an die Funktion übergeben werden, wie in `Bisect1.cpp:15`⁴.

Die math. Funktion $\sin(x) - x/2$ ist in `Bisect1.cpp:49` direkt im Funktionskörper implementiert, dies geht flexibler.

- **C++-Funktionen als Inputparameter** von Funktionen:

Die in `Bisect` benötigte Funktion $f(x)$ besitzt die Signatur `double f(double)`, siehe `Bisect3.cpp:18`⁵. Eine Funktion dieser Signatur mit spezifiziertem **Rückgabetypen** kann via

```
const std::function<double(double)>& func
```

als Inputparameter einer Funktion deklariert werden. Damit ergibt sich die Funktionsdeklaration (`Bisect3.cpp:49`)

¹http://imsc.uni-graz.at/haasegu/Lectures/Kurs-C/SS23/v_3a.zip

²http://imsc.uni-graz.at/haasegu/Lectures/Kurs-C/SS23/v_3a/html

³<https://en.cppreference.com/w/cpp/header/random>

⁴<http://imsc.uni-graz.at/haasegu/Lectures/Kurs-C/SS23/./Beispiele/Bisect1.cpp>

⁵<http://imsc.uni-graz.at/haasegu/Lectures/Kurs-C/SS23/./Beispiele/Bisect3.cpp>

```
double Bisect3(const std::function<double(double)>& func,
               const double a, const double b, const double eps=1e-6);
```

welche in `Bisect3.cpp:67` aus dem Hauptprogramm aufgerufen wird.
Benötigt `#include <functional>` und die Compileroption `'-std=c++11'`.

- In obiger Deklaration ist der Parameter `double eps=1e-6` ein optionaler Parameter mit dem Standardwert `1e-6` (default). Dies erlaubt den Aufruf der Funktion als

```
* Bisect3(g, anfang, ende, tol) , aber auch
* Bisect3(g, anfang, ende) wobei dann eps=1e-6 gilt.
```

Bislang galt stets die Voraussetzung $f(a) > 0 > f(b)$ welche in der abschließenden Implementierung `v_5d`⁶ nicht mehr nötig ist.

- Vollständige Fallunterscheidung bzgl. der Relationen von $f(a)$, 0 und $f(b)$, siehe dazu [Haase23, p.67f] und `v_5d/main.cpp:113-137`.
- Flexible Auswahl aus mehreren, vordefinierten Funktionen für $f(x)$, siehe dazu die Zuweisungen der Variablen `std::function<double(double)> ff;` über die Fallauswahl in `v_5d/main.cpp:78-100`.

Pointer → Iterator aus §6.1

Motivation für Konzept der Iteratoren am Bsp. Vektor (`v_5c/`):
Indezzugriff → Pointerzugriff → Iteratorzugriff → Range-For

- statisches C-Array in `main:17-18` und Loop mit Indezzugriff in `main:29-33`.
- Pointer auf Arrayanfang (`main:20-21`) und Verbindung mit Indezzugriff in `main:32`.
- Loop mit Pointer als Laufvariable in `main:45-48`.
- Nun mit `vector` und Loop mit Indezzugriff in `main:59`.
- Loop mit Iterator als Laufvariable in `main:64-68`.
- Nun mit `list`: kein Loop mit Indezzugriff möglich (/sinnvoll).
- Loop mit Iterator als Laufvariable in `main:88-91`.
- Range-For-Loop in `main:96-99`.

Matrizen aus §5.1.4

Im ersten Teil beschäftigen wir uns mit **vollbesetzten** (dense) **Matrizen** in C++, siehe auch [Haase23, §5.1.4 (zu überarbeiten)] (*bsp514_b/*).

Unsere Matrix A habe $NROW = 4$ Zeilen und $MCOL = 3$ Spalten

$$A_{NROW \times MCOL} := \begin{pmatrix} 4 & -1 & -0.5 \\ -1 & 4 & -1 \\ -0.5 & -1 & 4 \\ 3 & 0 & 1 \end{pmatrix}.$$

⁶http://imsc.uni-graz.at/haasegu/Lectures/Kurs-C/SS23/v_5d.zip

Wir demonstrieren für verschiedene Varianten der Speicherung die Matrixdeklaration und -definition, sowie den Zugriff auf das Element $A_{2,1}$ (Indizes fangen mit 0 an).

Falls die Matrixdimensionen als Konstanten zur Compilezeit bekannt sind, dann kann ein *statischer* Datentyp gewählt werden, andernfalls ist ein *dynamischer* Datentyp notwendig, siehe Beispiel `bsp514_b`⁷.

1. Static matrix via `array`, 2D-access, see also `bsp514_b.cpp:68`:

```
int const NROW(4), MCOL(3); // constant dimensions
array<array<double,MCOL>,NROW> a{ 4,-1,-0.5, -1,4,-1, -0.5,-1,4,
3,0,-1 };
```

Each row consists of the fixed size array `array<double,MCOL>` with access to element $A_{2,1}$ via `a[2][1]`.
2. Static matrix via `array`, 1D-access, see also `bsp514_b.cpp:90`:

```
array<double,NROW * MCOL> a{ 4,-1,-0.5, -1,4,-1, -0.5,-1,4, 3,0,-1 };
```

The matrix elements are stored continuously stored in memory (ordered as in the initializer list above) and accessed as vector with special index calculation, e.g., we access element $A_{2,1}$ as `a[2*MCOL+1]`.
3. Matrix as `vector` with static initialization and 2D-access, see also `bsp514_b.cpp:26`:

```
vector<vector<double>> const a({{4,-1,-0.5}, {-1,4,-1}, {-0.5,-1,4},
{3,0,-1}});
```

Each row k consists of the vector `vector<double>` whose length depends on the appropriate number of elements in the initializer list, i.e., `a[k].size()` returns the number of columns of row k . Access to element $A_{2,1}$ via `a[2][1]`.
Without `const` in the declaration, the dimensions of `a` could be changed afterwards.
4. Matrix as `vector` with static initialization and 1D-access, see also `bsp514_b.cpp:48`:

```
vector<double> const a{ 4,-1,-0.5, -1,4,-1, -0.5,-1,4, 3,0,-1 };
```

The matrix elements are stored continuously stored in memory (ordered as in the initializer list above) and accessed as vector with special index calculation, e.g., we access element $A_{2,1}$ as `a[2*MCOL+1]`.
Without `const` in the declaration, the dimensions of `a` could be changed afterwards.
5. Dynamic matrix dimensions with 2D access, see also `bsp514_b.cpp:114`:

```
int nrow,mcol; cin >> nrow >> mcol;
vector<vector<double>> a(nrow, vector<double>(mcol) );
```

 - Each of the `nrow` elements in `vector<...>` represents a matrix row which is initialized by a `vector<double>` with `mcol` uninitialized double values.
 - `vector<double>(mcol,0.0)` initializes all matrix entries with value 0.
 - Warning: `vector<double>()` results in column size 0, see `bsp514_b.cpp:115`. In this case the column size has to be set in all rows afterwards, e.g.,

```
a.[k].resize(mcol);
```
Access to element $A_{2,1}$ via `a[2][1]`.
6. Dynamic matrix dimensions with 1D access:

```
int nrow,mcol; cin >> nrow >> mcol;
vector<double> a(nrow*mcol);
a[2*mcol+1]
```

⁷http://imsc.uni-graz.at/haasegu/Lectures/Kurs-C/SS23/bsp514_b.cpp

Bsp. Graph

Ein Graph wie der angegebene⁸, unvollständige Graph, besteht aus **Knoten** (knots/vertices) welche über **Kanten** (edges) verbunden sind.

Im Beispielcode `graph`⁹ wird die Kantenbeschreibung obigen Graphs eingelesen und daraus für jeden Knoten dessen sämtliche Knotennachbarn ermittelt.

1. Jede Kante besitzt stets genau **2 Knoten**, jedoch ist die Anzahl der Kanten **unbekannt**. Somit ist z.B. folgende Datenstruktur zur Speicherung der Kantenbeschreibung sinnvoll:

```
vector<array<int,2>> edges; // main.cpp:15
```

D.h., jede Kante speichert die Indizes der sie definierenden Knoten.

2. Das Einlesen der Kantenbeschreibung erfolgt über die Funktion `read_edges_from_file(name, edges);` // main.cpp:16 welche vom Vorlesungsbeispiel `file_io`¹⁰ übernommen und adaptiert wurde. Die einzigen Änderungen zum Original sind `graph.cpp:18` und die Signatur der Funktion.

3. Die Knoten in obigem Graphen besitzen eine **unterschiedliche** Anzahl von **Nachbarknoten** welche mittels

```
auto n2n=get_node2nodes(edges); // main.cpp:30
```

aus der Kantenbeschreibung bestimmt werden. Das Schlüsselwort **auto** legt für die Variable `n2n` denselben Datentyp wie den Rückgabotyp der Funktion fest.

4. Bislang wissen wir noch nicht wieviele Knoten unser Graph besitzt. Unter Annahme einer fortlaufenden Numerierung wird diese **Knotenanzahl** in `graph.cpp:43-51` bestimmt.

5. Damit können wir eine Datenstruktur festlegen, welche für jeden **Knoten** dessen noch zu bestimmende **Nachbarnknotenindizes** jeweils in einem dynamisch wachsenden Vektor speichern wird. Mit

```
vector<vector<int>> n2n(nnode); //n2n(nnode,vector<int>()) // graph.cpp:54
```

wird die **Anzahl der Nachbarnknoten** stets mit **0** initialisiert.

6. Der Algorithmus in `graph.cpp:54-61` liest aus der Kantenbeschreibung für jede **Kante k** die Indizes ihrer beiden **Knoten** und hängt diese wechselseitig **beim anderen** Knoten als Nachbarnknoten an, die **Vektoren der Nachbarn** wachsen also dynamisch.

```
{
    const int v0 = edges[k][0];
    const int v1 = edges[k][1];
    n2n[v0].push_back(v1); // add v1 to neighborhood of v0
    n2n[v1].push_back(v0); // and vice versa
}
```

Die aktuelle Anzahl der Nachbarn für Knoten `k` ist hierbei `n2n[k].size()`.

7. Abschließend werden die ermittelten Indizes der Nachbarnknoten in `graph.cpp:65` für jeden Knoten aufsteigend sortiert [Haase23, §11.3.2].

⁸http://imsc.uni-graz.at/haasegu/Lectures/Kurs-C/SS23/graph_1.pdf

⁹<http://imsc.uni-graz.at/haasegu/Lectures/Kurs-C/SS23/graph.zip>

¹⁰http://imsc.uni-graz.at/haasegu/Lectures/Kurs-C/SS23/file_io.zip

Fun with ASCII¹¹: *char_sum.cpp*

- How to achieve 103% performance?
- { HARDWORK, KNOWLEDGE, ATTITUDE, BULLSHIT };
- `magic=96` \rightarrow `magic=0` : BILLGATES (the third!)

Literatur

[Haase23] Gundolf Haase: Einführung in die Programmierung mit C++ (2023), *www*¹².

[Stroustrup10] Bjarne Stroustrup: Einführung in die Programmierung mit C++. Pearson Studium, München (2010).

¹¹<http://www.torsten-horn.de/techdocs/ascii.htm>

¹²http://imsc.uni-graz.at/haasegu/Lectures/Kurs-C/Script/html/script_programmieren.pdf